# ТЕХНИКА ЯДЕРНОГО ЭКСПЕРИМЕНТА

УДК 539.1.074

# ВРЕМЯПРОЛЕТНЫЙ СПЕКТРОМЕТР УСТАНОВКИ ИНЕС

# © 2024 г. Р. М. Джилкибаев<sup>а,</sup> \*, Д. В. Хлюстин<sup>а</sup>

<sup>а</sup> Институт ядерных исследований Российской академии наук

Россия, 117312, Москва проспект 60-летия Октября, 7а

\*e-mail: rmd@inr.ru

Поступила в редакцию 08.08.2024 г.

После доработки 19.09.2024 г.

Принята к публикации 03.10.2024 г.

Разработан метод определения стартового импульса для времяпролетной методики, который существенно повышает точность временной привязки к импульсу протонного пучка. Измерен энергетический спектр импульсного источника нейтронов РАДЭКС и проведено сравнение с результатами моделирования. Описана процедура определения формы импульса нейтронов от времени на базе измеренной формы импульса протонного пучка при замедлении нейтронов в мишени. Описан метод абсолютной калибровки спектрометра с учетом эффекта изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния нейтрона в образце. Разработана процедура восстановления сечений радиационного захвата нейтрона ядром при многократном упругом рассеянии нейтронов в образце. Представлены результаты калибровочных измерений сечений радиационного захвата нейтрона ядром Аи на времяпролетном спектрометре установки ИНЕС. Проведено сравнение измеренных сечений с расчетными на основе известных параметров резонансов и сечениями, полученными ранее в эксперименте с тонким образцом.

# 1. ВВЕДЕНИЕ

Установка ИНЕС предназначена для измерения сечений радиационного захвата нейтрона ядром на импульсном источнике нейтронов РАДЭКС [1] центра коллективного пользования ИЯИ РАН. Установка дает возможность повысить точность измерения сечений радиационного захвата нейтронов на ядрах по сравнению с существующим уровнем. Это имеет важное значение для ядерной астрофизики, ядерной трансмутации и для накопления актинидов в тепловых ядерных реакторах при длительной работе.

Сечения радиационного захвата нейтронов на ядрах измеряются с помощью времяпролетной (TOF) методики [2]. Установка состоит из восьми секций сцинтилляционных детекторов γ-квантов [3], мониторных <sup>3</sup>Не-счетчиков нейтронов [4], а также системы регистрации и обработки данных.

Для образования нейтронов импульсным протонным пучком в нейтронном источнике РАДЭКС используется вольфрамовая мишень с водяным охлаждением. Протонный пучок имеет энергию 267 МэВ, импульсный ток 5–7 мА, длительность 0.3 мкс, частоту импульсов 50 Гц. Энергия нейтронов определяется по времени пролета, измеряемого многоканальным TDC-кодировщиком с непрерывной записью сигналов от  $\gamma$ -детектора каждые 100 нс в течении 19.66 мс, который запускается синхроимпульсом протонного пучка. Время пролета нейтрона *T* [мкс] определяется пролетной базой установки *L* [м] и энергией нейтрона *E* [эВ] следующим образом:  $T = 72.3LE^{-1/2}$ . Пролетная база установки *L* определяется расстоянием от мишени (W) источника до измеряемого образца и равна 49.4 м. Относительная погрешность в измерении энергии нейтрона зависит от временной неопределенности  $\delta T$  и равна  $\delta E/E$  [%]= 2.77  $E^{1/2} \delta T/L$  [2]. Основной вклад во временную неопределенность  $\delta T$  вносит длительность протонного пучка равная примерно 0.3 мкс. Время пролета и относительная ошибка в измерении энергии для нейтрона с энергией 100 эВ равны 357 мкс и 0.17% соответственно.

На рис. 1. приведено схематическое изображение времяпролетного спектрометра установки ИНЕС на нейтронном канале N источника РАДЭКС. Протонный пучок Р взаимодействует с охлаждаемой водой мишенью W. Две группы нейтронных <sup>3</sup>Не-счетчиков расположены до и после сцинтилляционного гамма-детектора Sc. Индукционный датчик тока (ID) измеряет форму импульса протонного пучка. Вакуумированный канал V имеет длину 44 м.

**Рис. 1.** Схематическое изображение времяпролетного спектрометра установки ИНЕС на нейтронном канале N источника РАДЭКС.

Первая группа нейтронных <sup>3</sup>Не-счетчиков предназначена для измерения энергии нейтронов и состоит из четырех нейтронных счетчиков СНМ-18-1 [4]. Эти счетчики установлены перед сцинтилляционным гамма-детектором в пучке нейтронов вне зоны образца диаметром 7 см так, чтобы не возмущать поток нейтронов, падающих на образец. Вторая группа счетчиков установлена после гамма-детектора, вблизи центральной оси пучка нейтронов и предназначена для измерения ослабления потока нейтронов за образцом. Для калибровочных измерений использовался образец из золота (Au 99.99%) толщиной 1.065 мм и поперечным размером 44×44 мм<sup>2</sup>.

Нейтронные каналы источника РАДЭКС направленны на вольфрамовую мишень и расположены близко к оси протонного пучка. Поэтому в каналы попадают первичные гаммакванты и высокоэнергетические нейтроны, образованные протонами в мишени. Энергетический спектр нейтронов простирается вплоть до максимальной энергии, равной энергии протонов.

Сцинтилляционный детектор [3] представляет собой полую тонкостенную (2 мм) алюминиевую цилиндрическую камеру длиной 400 мм, диаметром 400 мм с общим объемом 40 литров, заполненную жидким сцинтиллятором. Диаметр полости равен 110 мм. Внутри камера делится на 8 независимых секций. Каждая секция просматривается фотодетектором ФЭУ-110, частично погруженным в жидкий сцинтиллятор. Диаметр фотокатода равен 60 мм. Жидкий сцинтиллятор состоит из толуола (C6H5CH3) объемом 34.5 л, триметилбората B(OCH)3 – объемом 5.5 л с обогащенным (94%) изотопом бора <sup>10</sup>В и сцинтиллирующих добавок РРО и РОРОР весом 50 г. Оценка длин поглощения тепловых нейтронов ядрами водорода и бора в сцинтилляторе дает величины 46 см и 0.34 см соответственно [3]. Таким образом, добавление метилбората позволяет эффективно, в 135 (46/0.34) раз, подавить гамма-кванты с энергией 2.2 МэВ от радиационного захвата фоновых нейтронов ядрами водорода в сцинтилляторе.

Электроника 8-секционного гамма-детектора и 8 нейтронных счетчиков, состоит из зарядово-чувствительного предусилителя и усилителя-формирователя [3]. Цифровые сигналы с гамма-детектора (8 каналов) и нейтронных счетчиков (8 каналов) поступают на 16-канальный временной кодировщик (TDC) с USB-интерфейсом с возможностью обработки цифровой информации (2 байта) каждые 100 нс со скоростью 20 MB/с. Предварительная обработка и сжатие информации позволяет сократить реальный объем данных для записи на диск в 630 раз. Типовой набор данных с установки за время 7 ч составляет порядка 800 MB. Аналоговые сигналы обрабатываются выборочно 16-канальным аналого-цифровым преобразователем САЕN DT5742 (waveform digitizer) [5].

# 2. ИЗМЕРЕНИЕ ПЛОТНОСТИ ПОТОКА НЕЙТРОНОВ

Плотность потока нейтронов  $\Phi(E)$  моделировалась с помощью программы MCNP [6]. Мишень состоит из 80% W и 20% H<sub>2</sub>O. При моделировании предполагалось, что протонный пучок с энергией 300 МэВ попадает в центр мишени, состоящей из тонких вольфрамовых пластин с общей толщиной 8 см и поперечным размером 13 × 13 см<sup>2</sup>. Рассчитанный поток нейтронов  $\Phi^{\text{th}}(E)$ , вылетающих из мишени вперед относительно протонного пучка, в зависимости от энергии нейтронов показан на рис. 2а. Аппроксимация нейтронного потока в области от 1 до 10<sup>5</sup> эВ зависимостью  $\Phi(E) = C/E^{\alpha}$  дает значение  $\alpha = 0.9$ . Измерение потока нейтронов проводилось с помощью мониторных нейтронных счетчиков. Эти счетчики установлены перед сцинтилляционным гамма-детектором в пучке нейтронов вне зоны образца. На рис. 26 показан спектр потока нейтронов в зависимости от их энергии, измеренный мониторными <sup>3</sup>Не-счетчиками. На измеренном спектре хорошо виден провал от выбывания нейтронов в W мишени из-за радиационного захвата нейтронов ядрами изотопа <sup>180</sup>W, а также резонанс с энергией 19 эВ. Два других провала обусловлены примесью следующих изотопов в элементах мишенного узла источника РАДЭКС и нейтронного вакуумного канала: кобальта <sup>59</sup>Со, имеющего резонанс с энергией 132 эВ, и марганца <sup>55</sup>Mn, имеющего резонанс с энергией 341 эВ. Измеренный поток нейтронов аппроксимируется зависимостью  $\Phi(E) = Cg(E)/E^{\alpha}$ , где коэффициент  $g(E) = \exp(\sum_{n_i} \sigma_t^i(E))$  обусловлен выбиванием нейтронов элементами нейтронного канала. При этом параметры *C* и эффективная плотность *i*-го изотопа  $n_i$ определяются в результате процедуры аппроксимации измеренного потока нейтронов  $\Phi^{exp}(E)$ .

**Рис. 2. а** – Рассчитанный поток нейтронов  $\Phi^{th}(E)..., \mathbf{6}$  – измеренный поток нейтронов  $\Phi^{exp}(E),...$ 

Измеренный поток нейтронов  $\Phi^{\exp}(E)$  и результаты аппроксимации потока зависимостью  $Cg(E)/E^{\alpha}$  показаны на рис. 26. При этом показатель степени в зависимости от энергии нейтрона составляет величину равную  $\alpha = 0.895 \pm 0.005$  в области энергии 5–500 эВ. Это хорошо согласуется с показателем  $\alpha = 0.9$  для смоделированного потока нейтронов.

# 3. СТАРТОВЫЙ ИМПУЛЬС ДЛЯ ВРЕМЯПРОЛЕТНЫХ ИЗМЕРЕНИЙ

Для измерения энергии нейтронов (ТОГ-метод) необходимо измерить разность между временем регистрации гамма-квантов от процесса захвата нейтрона ядром и временем образования нейтрона. Энергия нейтрона при известной длине базы установки L равна  $E=0.5 M_n$  $(L/dT)^2$ , где  $M_n$  – масса нейтрона и dT – разность между временем регистрации гамма-квантов и временем образования нейтрона. В качестве стартового импульса, связанного с временем образования нейтрона, можно использовать сигнал синхроимпульса ускорителя или время регистрации гамма-квантов, образованных протонами в мишени источника W, гаммадетектором установки. В первом варианте точность измерения времени образования нейтронов в мишени W зависит в основном от временной нестабильности синхроимпульса ускорителя, которая составляет большую величину, около 1 мкс. При взаимодействии протонов с мишенью W источника рождается на порядок больше гамма-квантов, чем нейтронов, в расчете на первичный протон. При этом все гамма-кванты достигают мишени Au в узком временном интервале длительности протонного пучка (0.3 мкс), в отличие от нейтронов, которые имеют значительно больший разброс. Например, нейтрон с энергией 20 МэВ достигает мишени установки на 0.6 мкс позже, чем гамма-кванты. Регистрация вспышки от гамма-квантов и непрерывная запись цифровой информации от гамма-детектора каждые 100 нс позволяют получить время начала сброса протонов на мишень с точностью примерно 100 нс в каждом импульсе протонного пучка при обработке ТОГ-данных офлайн [4]. Это на порядок точнее, чем в первом варианте синхронизации. При этом синхроимпульс протонного пучка играет второстепенную роль и служит для относительной временной привязки. Таким образом, интенсивная вспышка гамма-квантов с длительностью, равной длительности протонного пучка (0.3 мкс), позволяет получить независимый от синхроимпульса протонного пучка стартовый сигнал для ТОГ-измерений в каждом импульсе. При этом временное разрешение TOF-метода будет определяться, в основном, формой протонного импульса.

# 4. АППРОКСИМАЦИЯ ПРОТОННОГО И НЕЙТРОННОГО ИМПУЛЬСОВ

Форма протонного импульса  $p_{exp}(t)$ , измеренная индукционным датчиком тока, показана на рис. За. В первом приближении форму протонного импульса можно описать как прямоугольное распределение с шириной, равной 0.4 мкс примерно для 95% протонов. Остальные протоны (около 5%) имеют экспоненциальное распределение с временем спада около 1мкс. Более точно несимметричная форма протонного импульса может быть описана комбинацией функций, состоящей из асимметричной функции Гаусса  $G(\sigma_1, \sigma_2)$  и двух экспонент для областей времени t < 0 и t > 0:

$$p_{\text{gex}}(t) = K_n^{-1} \left\{ G\left(\sigma_1, t\right) + \varepsilon \exp\left(\frac{t}{\tau_1}\right) \right\}, t < 0; \ p_{\text{gex}}(t) = K_n^{-1} \left\{ G\left(\sigma_2, t\right) + \varepsilon \exp\left(-\frac{t}{\tau_2}\right) \right\}, \quad t > 0.$$
(1)

Нормированная функция  $p_{gex}(t)$  зависит от пяти параметров:  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$ ,  $\varepsilon$ ,  $\tau_1$ ,  $\tau_2$ . Нормировочный множитель равен  $K_n = 0.5(\sigma_1 + \sigma_2) + \varepsilon(\tau_1 + \tau_2)$ . Как видно на рис. За, измеренная форма протонного импульса сравнительно хорошо аппроксимируется функцией  $p_{gex}(t)$ .

**Рис. 3. а** – Измеренная форма протонного импульса  $p_{exp}(t)$  (точки) и результат его аппроксимации функцией  $p_{gex}(t)$  (сплошная кривая)

Нейтроны, рожденные в мишени источника W, испытывают замедление в водной оболочке мишени толщиной примерно 4 см. Среднее время между столкновениями нейтрона с протонами в водном замедлителе определяется средней длиной взаимодействия, равной 0.93 см, и составляет величину равную  $t_{\rm s} \sim 0.7/E^{0.5}$  мкс, где E [эB] – энергия нейтрона на выходе из

мишени. При ряде упрощающих предположений можно показать [2], что интенсивность выходящих из замедлителя нейтронов описывается нормированной функцией  $w(t) = 0.5 x^2 \exp(-x)$ , где  $x = t/t_s$ . Эта функция описывает распределение по времени нейтронов, рожденных в мишени протонами в момент времени t = 0. Эта функция имеет максимум при  $t = 2t_s$  и среднее время замедления, равное  $3t_s$ . Для учета эффекта замедления нейтронов в водной оболочке мишени необходимо использовать смещенную по времени функцию w(t) при условии, что она имеет максимум при t = 0. На рис 3б показан график смещенной функции w(t), описывающей замедление нейтронов с энергией 150 эВ со сдвигом по времени, равным  $2t_s$ . Например, для нейтронов с энергий 150 эВ среднее время  $t_s$  составляет величину, равную примерно 60 нс. Функция замедления нейтронов w(t) также хорошо аппроксимируется асимметричной функцией Гаусса с дисперсиями равными  $\sigma_1 = t_s$  и  $\sigma_2 = 2t_s$ .

Форма нейтронного импульса от времени получается в результате процедуры свертки формы протонного импульса и функции замедления нейтронов. Процедуру получения результирующей формы нейтронного импульса для двух случаев: измеренного протонного импульса  $p_{\exp}(t)$  и формы, аппроксимирующей измеренный протонный импульс  $p_{gex}(t)$ , можно записать в следующем виде:

$$p_{\exp}^{w}(t) = \int p_{\exp}(t')w(t-t')dt', \quad p_{gex}^{w}(t) = \int p_{gex}(t')w(t-t')dt'.$$
(2)

На рис. 4 показаны результаты вычисления формы нейтронного импульса для нейтронов с энергией 150 эВ с использованием измеренной и аппроксимирующей формы протонного импульса. На рис. 4 видно, что результирующие формы нейтронного импульса  $p_{\exp}^{w}(t)$  и  $p_{gex}^{w}(t)$  с энергией 150 эВ хорошо согласуются между собой.

# **Рис. 4.** Расчетные формы $p_{exp}^{w}(t)$ и $p_{gex}^{w}(t)$ нейтронного импульса с энергий 150 эВ

Вычисление формы нейтронного импульса путем численного интегрирования требует значительного времени. Благодаря тому, что асимметричная функция Гаусса хорошо описывает форму протонного импульса и функцию замедления нейтронов, она также дает возможность получить аналитическое выражение для формы нейтронного импульса. В этом приближении процесс вычисления сводится к свертке двух функций Гаусса. В итоге можно получить модифицированную аналитическую функцию разрешения R(t) для формы нейтронного импульса, которая получается из приведенной выше функции  $p_{gex}(t)$  (1) путем простой замены параметров  $\sigma_1^2$  и  $\sigma_2^2$  на  $\sigma_{1s}^2 = \sigma_1^2 + t_s^2$  и  $\sigma_{2s}^2 = \sigma_2^2 + (2t_s)^2$  соответственно. Функция разрешения R(t) учитывает временной разброс вылета нейтронов из мишени источника, обусловленный формой импульса протонного пучка и замедлением нейтронов в водной оболочке мишени:

$$R(t) = K_n^{-1} \left\{ G\left(\sigma_{1s}, t\right) + \varepsilon \exp\left(\frac{t}{\tau_1}\right) \right\}, \quad t < 0;$$
  

$$R(t) = K_n^{-1} \left\{ G\left(\sigma_{2s}, t\right) + \varepsilon \exp\left(-\frac{t}{\tau_2}\right) \right\}, \quad t > 0.$$
(3)

Нормировочный множитель равен  $K_n = 0.5(\sigma_{1s} + \sigma_{2s}) + \varepsilon(\tau_1 + \tau_2)$ . В модифицированной формуле параметры  $\sigma_{1s}$  и  $\sigma_{2s}$  описывают основную форму протонного импульса с учетом эффекта замедления нейтронов в мишени источника.

### 5. ПРЕДВАРИТЕЛЬНАЯ КАЛИБРОВКА ТОГ-СПЕКТРОМЕТРА

Предварительная процедура, основанная на сопоставление пиков в измеренном времяпролетном спектре [4] и энергии резонансов в сечении реакции <sup>197</sup>Au(n, $\gamma$ ) на основе данных ENDF/B-VIII.0 [7], позволяет определить параметры  $T_0$  и L по формуле  $T = T_0 + 72.298 L/\sqrt{E}$ .

**Рис. 5. а** – Измеренный спектр (точки) и сечение взаимодействия нейтрона с ядром в реакции п,γ (сплошная синяя линия) в образце Au в диапазоне 100–550 мкс;

Измеренный спектр радиационного захвата нейтрона в образце золота и сечение взаимодействия нейтрона с ядром в реакции 197Au(n, $\gamma$ ) в зависимости от времени пролета нейтрона показан на рис. 5а. Для времяпролетного спектра отложено число событий, зарегистрированных за 100 нс. Сечение взаимодействия нейтрона с ядром в реакции  $n,\gamma$ соответсвует оси справа. Ширина канала времяпролетного спектра dT, равная 100 нс, связана с шириной канала спектра по энергии (dE) соотношением dE/E = 2 dT/T. Время пролета T [мкс] нейтрона в установке в зависимости от энергии нейтрона E [эВ] вычисляется по формуле  $T = T_0$ + 72.298  $L/\sqrt{E}$  с двумя параметрами  $T_0$  [мкс] и L [м], которые определяют начальное время и длину базы установки соответственно. Аппроксимация измеренных данных по методу наименьших квадратов (рис. 56) дает следующие результаты для параметров  $T_0$  и L:  $T_0 = 1.18 \pm$ 0.07 мкс,  $L = 49.39 \pm 0.01$  м.

#### 6. ИЗМЕРЕНИЕ ЗАВИСИМОСТИ ФОНА ОТ ВРЕМЕНИ

Для определения зависимости фона от времени используется спектр  $C_{bg}(t)$  без образца золота и спектр  $C_{Au}(t)$  с образцом золота. Экспериментально измеренную вероятность радиационного захвата нейтрона ядром образца Au можно выразить следующим образом [8]:

$$Y_{\exp}(t) = \left(C_{\operatorname{Au}}(t) - B(t)\right) / \left(\epsilon f \Phi(t)\right), \qquad (4)$$

где  $C_{Au}(t)$  – экспериментально измеренный времяпролетный спектр радиационного захвата нейтрона ядром образца, t – время пролета нейтрона, B(t) – спектр фона, полученный на основе

измерений без образца и аппроксимации спектра  $C_{Au}(t)$  между резонансами,  $\Phi(t)$  – поток нейтронов, попадающих в исследуемый образец,  $\varepsilon$  – эффективность детектора гамма-квантов, f – часть нейтронного потока, попадающая в образец. Измеренный спектр фона  $C_{bg}(t)$  аппроксимируется следующей зависимостью:

$$B(t) = C_1 / t^{\alpha} + C_2 / t^{\beta},$$
 (5)

где  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  – параметры зависимости B(t). На рис. 6а показаны измеренные спектры  $C_{Au}(t)$  с образцом золота и без него  $C_{bg}(t)$ . Следует отметить, что статистика при измерении фона  $C_{bg}(t)$  в несколько раз меньше, чем спектра  $C_{Au}(t)$ . В наших измерениях постоянный фон, не зависящий от времени, значительно меньше фона, зависящего от времени.

Процедура определения параметров фона B(t) состоит их двух этапов: на первом этапе определяются предварительные параметры фона B(t) путем аппроксимации измеренного спектра без образца; на втором этапе процедуры используются предварительные параметры фона для финальной аппроксимации параметров фона B(t) для спектра  $C_{Au}(t)$  с отобранными участками спектра между резонансами (см. рис. 6а). Измеренный спектр за вычетом фона равен  $C_{Au}^{exp}(t) = C_{Au}(t) - B(t)$  и представлен на рис. 6б.

**Рис. 6. а** – Измеренные спектры с образцом Au (
$$C_{Au}$$
) и без него ( $C_{bg}$ )

# 7. АБСОЛЮТНАЯ КАЛИБРОВКА НА БАЗЕ РЕЗОНАНСА С ЭНЕРГИЕЙ 4.9 ЭВ

Метод абсолютной калибровки эффективности детекторов гамма-квантов и мониторов нейтронного потока, использующий измерение относительно известного насыщенного резонанса с большим сечением (более  $10^4$  бн) предложен в работе [9]. Резонанс в золоте при энергии 4.9 эВ хорошо известен и имеет в максимуме полное сечение равное  $3.03 \times 10^4$  бн и  $2.73 \times 10^4$  бн для радиационного захвата. При таком подходе можно переписать выражение для  $Y_{exp}(E)$  (4) следующим образом:

$$Y_{exp}(E) = (C_{Au}(E) - B(E)) / C_n \Phi(E), \qquad (6)$$

где  $C_n$  – числовой параметр потока нейтронов, нормализующий вероятность захвата  $Y_{\exp}(E)$  ядром образца Au относительно известного насыщенного резонанса 4.9 эВ.

В этом подходе неизвестные параметры полного потока нейтронов и эффективности детекторов сводятся к одному параметру  $C_n$ , который определяется процедурой аппроксимации экспериментального спектра резонанса 4.9 эВ. Нейтроны с энергией около максимума резонанса 4.9 эВ практически полностью поглощаются ядром образца с вероятностью равной  $\sigma_{\gamma}/\sigma_t$  (1 – exp(- $n\sigma_t$ )), которая составляет величину равную примерно 90%. Сечение  $\sigma_{\gamma}$  радиационного

захвата нейтрона ядром и полное сечение  $\sigma_t$  вычисляются по одноуровневым формулам Брейта– Вигнера [10] с учетом доплеровского уширения резонансов. Приведенная толщина Au образца  $n = 6.29 \cdot 10^{-3}$  бн<sup>-2</sup>. Нейтроны в образце либо не испытывают, либо испытывают многократное упругое рассеяние до процесса радиационного поглощения ядром (рис. 7а). При каждом упругом рассеянии нейтроны с энергией *E* теряют энергию в среднем порядка  $\Delta E \sim 2E/A$ , где A – атомный вес ядра. Приведенная выше формула  $\sigma_{\gamma}/\sigma_t(1-\exp(-n\sigma_t))$  для вероятности взаимодействия нейтрона с образцом корректна для варианта с нулевым многократным рассеянием до радиационного поглощения нейтрона ядром.

# **Рис. 7. а** – Пример взаимодействия нейтрона в образце с упругим многократным рассеянием (0, 1, 2) до радиационного поглощения ядро

В наших измерениях используется сравнительно толстый образец золота (1.065 мм), поэтому необходимо учитывать эффект, связанный с изменением энергии нейтрона от многократного упругого рассеяния в образце. Для этого использовался метод Монте-Карло, моделирующий процесс взаимодействия нейтрона с образцом в области каждого резонанса с использованием сечений библиотеки ENDF/B-VIII.0 [7]. Для каждого резонанса разыгрывалось несколько миллионов событий взаимодействия нейтрона с образцом Au. На примере резонанса 4.9 эВ кратко опишем процедуру моделирования на основе метода весов [11]. Для описания процедуры определим следующие величины на *i*-ом шаге взаимодействия нейтрона в образце: вес события  $W_i$ ; энергия нейтрона  $E_i$ ; длина  $L_i^{max}$  равна расстоянию от точки взаимодействия (x,y,z,)<sub>*i*</sub> до поверхности образца в направлении полета нейтрона с углами ( $\theta, \varphi$ )<sub>*i*</sub>; обратная длина взаимодействия нейтрона  $\mu_i(E_i) = \rho \sigma_i(E_i)$ , где  $\rho$  – плотность образца;  $W_{\gamma} = \sigma_{\gamma}(E_i)/\sigma_i(E_i)$ ;  $\lambda_i(E_i)$  – длина свободного пробега нейтрона. Моделирование каждого события состоит из следующих этапов:

- 1) задание начальных значений  $W_0 = 1$ ,  $L_0^{\max} = \Delta t$  толщина образца,  $(x,y,z,)_0 = (0,0,0)$ ,  $(\theta,\phi)_0 = (0,0)$ , вычисление энергии нейтрона  $E_0$  с равномерной плотностью распределения от 0.1 до 15.1 эВ;
- 2) вычисление длины свободного пробега нейтрона  $\lambda_i(E_i)$  в пределах от 0 до  $L_i^{\max}$  и координаты *i*-ой вершины  $(x, y, z)_i$  траектории нейтрона;
- 3) вычисление нового веса события с  $w_i = w_i(1 \exp(-\mu_t(E_i)L_i^{\max}(E_i)))$ , вычисление веса вероятности захвата нейтрона ядром  $Y_i^{cap} = w_i W_{\gamma}(E_i)$ , вычисление энергии  $E_i$ , вычисление ( $\theta, \varphi$ )<sub>*i*</sub>, сохранение данных (*iev*, где *iev* номер события, *i*,  $E_i$ , *xyz*,  $\theta, \varphi$ ,  $Y_i^{cap}$ ,);
- 5) вычисление нового веса события  $w_i = w_i(1-W_{\gamma})$  для следующего шага моделирования;

6) повторение процесса начиная с пункта 2), если вес события  $W_i > 10^{-6}$ , и остановка процесса, если  $W_i < 10^{-6}$ .

На рис.76 показан результат моделирования взаимодействия нейтрона в образце Au в области резонанса с энергией 4.9 эВ для процесса с многократным упругим рассеянием ( $Y_{ms}^{cap}$ ) и без него ( $Y_0^{cap}$ ). Следует отметить, что процесс без многократного упругого рассеяния описывается формулой

$$Y_0^{\operatorname{cap}}(E) = \sigma_{\gamma}(E) / \sigma_t(E) (1 - \exp(-n\sigma_t(E))).$$

Поправочная функция *G*<sub>ms</sub>(*E*), учитывающая изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния в образце, определяется следующим образом:

$$G_{\rm ms}(E) = Y_{\rm ms}{}^{\rm cap}(E) / Y_0{}^{\rm cap}(E).$$

На рис. 8а и 8б представлена поправочная функция *G*<sub>ms</sub>(*E*) для области резонанса с энергией 4.9 эВ и в более широкой области энергий до 280 эВ соответственно.

# Рис. 8. а – Поправочная функция $G_{ms}(E)$ , учитывающая изменение энергии нейтрона...; б – функция $G_{ms}(E)$ для резонансов с энергией меньше 280 эВ.

Расчетный спектр *C*<sub>Au</sub><sup>th</sup> радиационного захвата нейтрона ядром Au, измеренный времяпролетным спектрометром, выражается следующим образом:

$$C_{\rm Au}^{th} = C_n \Phi(t) Y_{th}(t) \Delta t, \quad Y_{th}(t) = \int R(t, t') w(E') G_{ms}(E') dt, \quad w(E) = \frac{\sigma_{\gamma}(E)}{\sigma_t(E)} (1 - e^{-n\sigma_t(E)}), \quad (7)$$

где w(E) – вероятность радиационного захвата нейтрона ядром с учетом поглощения в образце,  $C_n$  – числовой параметр потока нейтронов, который определяется аппроксимацией измеренного спектра в области насыщенного резонанса 4.9 эВ,  $\Delta t$  – ширина временного канала (100 нс),  $\Phi(t)$ – поток нейтронов, падающих на образец, измеренный мониторными <sup>3</sup>Не-счетчиками, функция разрешения R(t, t') учитывает временной разброс вылета нейтронов из мишени источника, обусловленный формой импульса протонного пучка и замедлением нейтронов в водной оболочке мишени,  $G_{ms}(E)$  – поправочная функция, учитывающая изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния в образце. Сечение  $\sigma_{\gamma}$  радиационного захвата нейтрона ядром и полное сечение $\sigma_t$  вычисляются по одноуровневым формулам Брейта–Вигнера [10] с учетом доплеровского уширения резонансов.

Измеренный  $C_{Au}^{exp}$  и расчетный  $C_{Au}^{th}$  времяпролетные спектры реакции (n,  $\gamma$ ) для резонанса с энергией 4.9 эВ в образце Au показаны на рис. 9. Расчетный спектр  $C_{Au}^{th}$  (рис. 9а) вычисляется с учетом поправочной функции  $G_{ms}(E)$ , учитывающей изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния в образце. На рис. 9б показан расчетный спектр  $C_{Au}^{th}$  без учета функции  $G_{ms}(E)$ . **Рис. 9. а** – Измеренный  $C_{Au}^{exp}$  и расчетный  $C_{Au}^{th}$  спектры с учетом поправочной функции  $G_{ms}$  для резонанса с энергией 4.9 эВ

Как видно из сравнения рис. 9а и 96, учет эффекта изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния нейтронов в образце существенно улучшает согласие измеренного спектра с расчетным. Следует отметить, что моделирования эффекта изменения энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния нейтрона в образце и обработка данных эксперимента написаны на языке python с использованием многочисленных пакетов (math, numpy, scipy, ...) [12].

#### 8. КАЛИБРОВОЧНЫЕ ИЗМЕРЕНИЯ СЕЧЕНИЯ РЕАКЦИИ (n, γ) В ОБРАЗЦЕ ЗОЛОТА

Для тонкого образца, когда величина  $n\sigma_t$  много меньше единицы, функция (7), описывающая вероятность w(E) радиационного захвата нейтрона ядром с учетом поглощения в образце, сводится к выражению  $w(E) \simeq n \sigma_{\gamma}(E)$ , где n и  $\sigma_{\gamma}(E)$  – соответственно приведенная толщина образца и сечение радиационного захвата нейтрона ядром. Поправочная функция  $G_{\rm rns}(E)$ , учитывающая изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния в случае тонкого образца, становится близкой к единице. Функция разрешения R(t,t), учитывающая временной разброс вылета нейтронов из мишени источника, обусловленный формой импульса протонного пучка и замедлением нейтронов в водной оболочке мишени, превращается в идеальном эксперименте в  $\delta$ -функцию по времени. В этом случае расчетный спектр  $Y_{\rm th}$  радиационного захвата нейтрона ядром в приближении идеального разрешения и тонкого образца упрощается и может быть записан в следующем виде:

$$Y_{\rm th}(E) = w(E), \ w(E) = \frac{\sigma_{\gamma}(E)}{\sigma_t(E)} (1 - e^{-n\sigma_t}), \ w(E) \simeq n \,\sigma_{\gamma}(E).$$
(8)

Выражение (8) для случая толстого образца, может быть переписано через функцию  $R_w(E)$  в следующем упрощенном виде:

$$Y_{\rm th}(E) = R_w(E) w(E), \quad R_w(E) = \int R(t, t') w(E') G_{ms}(E') dt' / w(E).$$
(9)

Относительная функция  $R_w(E)$  учитывает временной разброс вылета нейтронов из мишени источника и эффект изменения энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния нейтронов в образце относительно вероятности w(E) радиационного захвата нейтрона ядром в идеальном случае. Исходя из условия  $Y_{exp}(E) = Y_{th}(E)$  и выражения (9), можно выразить сечение радиационного захвата нейтрона ядром  $\sigma_{\gamma}^{exp}$  через экспериментально измеренную вероятность радиационного захвата нейтрона ядром в следующем виде:

$$\sigma_{\gamma}^{\exp} = \frac{Y_{\exp}(E)\sigma_t}{R_w(E)(1 - \exp(-n\sigma_t))},$$
(10)

где  $\sigma_t$  – полное сечение взаимодействия нейтрона с ядром.

Обработка измеренных данных и восстановление сечений радиационного захвата нейтрона ядром на времяпролетном спектрометре установки ИНЕС с толстым образцом Au (1.065 мм) проводилась в диапазоне энергий нейтрона до 300 эВ. Расчетное сечение  $\sigma_{\gamma}^{\text{th}}$ радиационного захвата Au получено на основе базы данных резонансов ENDF/B-VIII.0 [7]. Введем термин измеренное сечение  $\sigma_{\gamma}^{\text{exp}}$ , который означает сечение, восстановленное из измеренных выходов  $Y_{\text{exp}}(E)$  по формуле (10). Для большей наглядности измеренное сечение  $\sigma_{\gamma}^{\text{exp}}$  и расчетное сечение  $\sigma_{\gamma}^{\text{th}}$  реакции (n, $\gamma$ ) показаны в более узком диапазоне энернгий100–200 эВ на рис. 10а. На этом рисунке видно, что измеренное и расчетное сечения хорошо согласуются между собой.

В эксперименте n\_TOF [8] были проведены самые точные измерения сечения радиационного захвата нейтрона ядром Au с тонким образцом (0.122 мм). При этом длительность протонного пучка составляла величину, равную 6 нс, пролетная база равнялась 185 м. В установке ИНЕС эти величины равны 300 нс и 50 м соответственно. Таким образом, условия (8) идеального эксперимента практически реализованы в установке n\_TOF.

**Рис. 10. а** – Измеренное  $\sigma_{\gamma}^{exp}$  и расчетное  $\sigma_{\gamma}^{th}$  сечения взаимодействия нейтрона с ядром для реакции n,  $\gamma$  в диапазоне энергий 100–200 эВ в образце Au (1.065 мм) в эксперименте ИНЕС ;

Измеренное  $\sigma_{\gamma}^{exp}$  и расчетное  $\sigma_{\gamma}^{th}$  сечения взаимодействия нейтрона с ядром для реакции *n*,  $\gamma$  в диапазоне 100–200 эВ в тонком образце Au (0.122 мм) в эксперименте ИНЕС вычислялось по формуле (10) с использованием данных эксперимента n\_TOF из базы данных [7]. При этом функция  $R_w(E)$  заменяется нормировочной константой равной 1.1. Экспериментальные данные n\_TOF по выходу нейтронов нормируются таким образом, что  $Y_{exp}(4.9 \text{ pB}) = 1.$ 

На рис. 10б показаны измеренное  $\sigma_{\gamma}^{exp}$  и расчетное  $\sigma_{\gamma}^{th}$  сечения взаимодействия нейтрона с ядром для реакции n,  $\gamma$  в диапазоне 100–200 эВ в тонком образце Au (0.122 мм) в эксперименте n\_TOF. Сравнение рис. 10а и 10б показывает хорошее согласие измеренных сечений в эксперименте ИНЕС с данными эксперимента n\_TOF [8]. Сравнение измеренных сечений с расчетными сечениями, полученными на основе параметров резонансов ENDF/B-VIII.0 [7], и сечениями, полученными ранее в эксперименте n\_TOF с тонкой мишенью, показывает, что эти сечения хорошо согласуются между собой.

# 9. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Разработан метод определения стартового импульса для времяпролетной методики, который существенно повышает точность временной привязки к импульсу протонного пучка. Измерен энергетический спектр импульсного источника нейтронов РАДЭКС и проведено сравнение с результатами моделирования. Описана процедура определения формы импульса нейтронов от времени на базе измеренной формы импульса протонного пучка с учетом замедления нейтронов в мишени. Описан метод абсолютной калибровки спектрометра с учетом эффекта изменения энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния нейтрона в образце. Разработана процедура реконструкции сечений радиационного захвата нейтрона ядром для случая толстого образца. Представлены результаты измерений сечений радиационного захвата нейтрона ядром Аu на времяпролетном спектрометре установки ИНЕС с энергиями до 300 эВ. Измеренные сечения хорошо согласуются с расчетными сечениями на основе известных параметров резонансов и сечениями, полученными ранее в эксперименте с тонким образцом.

#### БЛАГОДАРНОСТИ

Авторы считают своим приятным долгом выразить благодарность В.Г. Проняеву, В.Л. Матушко, И.И. Ткачеву, А.В. Фещенко за поддержку и помощь в работе.

### ФИНАНСИРОВАНИЕ РАБОТЫ

Работа выполнена с использованием оборудования центра коллективного пользования "Ускорительный центр нейтронных исследований структуры вещества и ядерной медицины ИЯИ РАН" при поддержке Министерства науки и высшего образования РФ в рамках соглашения о предоставлении субсидии (№ 14.621.21.0014 от 28.08.2017, уникальный идентификатор RFMEFI62117X0014).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Бенецкий Б.А., Вахетов Ф.З., ГрачевМ.И., Даньшин С.Н., Емельянов В.В., Жуков Ю.Н., Заикин Д.А., Коптелов Э.А., Кутузов В.А., Лебедев С.Г., Мордовской М.В., Рябов Ю.В., Сазанов В.Н., Скоркин В.И., Соболевский Н.М. и др. Препринт ИЯИ-1058/2001, Институт ядерных исследований, Москва, 2001.
- 2. *Абрамов А.И., Казанский Ю.А, Матусевич Е.С.* Основы экспериментальных методов ядерной физики: Москва: Атомиздат, 1970.

- 3. Васильев И.А., Джилкибаев Р.М., Хлюстин Д.В. // ПТЭ. 2020. №. 2. С. 13. https://doi.org/10.31857/S0032816220010255
- 4. Васильев И.А., Джилкибаев Р.М., Хлюстин Д.В.// ПТЭ. 2021. № 1. С. 56. https://doi.org/10.31857/S0032816221010171
- 5. CAEN DT5742, 16 channel 12 bit waveform digitizer. http://www.caen.it
- 6. MCNP, Monte Carlo N-Particle code. https://mcnp.lanl.gov
- Sirakov I., Kopecky S., Yong P.G.// IAEA, ENDF/B-VIII.0 Database, LANL. http://www-nds.iaea.org/exfor/endf.html
- Massimi C., Domingo-Pardo C., Vannini G. et al. // Phys. Rev. C. 2010. V. 81. P. 044616. https://doi.org/10.1103/PhysRevC.81.044616
- Macklin R.L., Halperin J., Winters R.R. // Nucl. Instrum. Methods. 1979. V.164. P. 213. https://doi.org/10.1016/0029-554X(79)90457-9
- 10. JAEA-Data Code 2018-014. http://doi.org/10.11484/jaea-data-code-2018-014
- Mancinelli R. // J Phys Conf Ser. 2012. V. 340. P. 012033. https://doi.org/10.1088/1742-6596/340/1/012033
- 12. Python. http://www.python.org

#### ПОДПИСИ К РИСУНКАМ

- **Рис. 1.** Схематическое изображение времяпролетного спектрометра установки ИНЕС на нейтронном канале (N) источника РАДЭКС.
- **Рис. 2.** а Рассчитанный поток нейтронов  $\Phi^{\text{th}}(E)$  и его аппроксимация зависимостью  $C/E^{\alpha}$  в диапазоне 1–10<sup>5</sup> эВ (показана сплошной линией); б измеренный поток нейтронов  $\Phi^{\exp}(E)$  и его аппроксимация зависимостью  $\Phi(E)$  в диапазоне 5–500 эВ (показана сплошной линией).
- Рис. 3. а Измеренная форма протонного импульса p<sub>exp</sub>(t) и ее аппроксимация функцией p<sub>gex</sub>(t) (показана сплошной кривой); б функция w(t) замедления нейтронов в мишени с энергией 150 эВ и ее аппроксимация асимметричной функцией Гаусса G(σ<sub>1</sub>,σ<sub>2</sub>) с σ<sub>1</sub> = t<sub>s</sub> и σ<sub>2</sub> = 2t<sub>s</sub> (показана сплошной кривой).
- **Рис. 4.** Расчетные формы  $p_{\exp}^{w}(t)$  и  $p_{gex}^{w}(t)$  нейтронного импульса с энергий 150 эВ с учетом функции замедления нейтронов в мишени соответственно для измеренной формы протонного импульса и полученной в результате ее аппроксимации асимметричной функцией Гаусса  $G(\sigma_1, \sigma_2)$ .
- **Рис. 5. а** Измеренный спектр (точки) и сечение взаимодействия нейтрона с ядром в реакции n, $\gamma$  (сплошная синяя линия) в образце Au в диапазоне 100–550 мкс, внизу показаны интерактивные окна изменения параметров  $T_0$  и L в формуле время–энергия; **б** – график соответствия пиков времяпролетного спектра и пиков в сечении взаимодействия нейтрона с ядром в реакции <sup>197</sup>Au(n,  $\gamma$ ). По оси абсцисс отложено положение пика времяпролетного спектра, по оси ординат – соответствующая энергия пика в этом сечении. Сплошной черной кривой показана аппроксимация данных функцией  $T = T_0 + 72.298 L/E^{1/2}$ .
- **Рис. 6.** а Измеренные спектры с образцом Au (*C*<sub>Au</sub>) и без него (*C*<sub>bg</sub>), аппроксимация фона зависимостью *B*(*t*) для спектров *C*<sub>bg</sub>(*t*) и *C*<sub>Au</sub>(*t*) показана сплошными линиями; б измеренный спектр *C*<sub>Au</sub><sup>exp</sup>(*t*) за вычетом фона в области времени пролета нейтрона 150–550 мкс.
- Рис. 7. а Пример взаимодействия нейтрона в образце с упругим многократным рассеянием (0, 1, 2) до радиационного поглощения ядром; б вероятность захвата нейтрона ядром Усар (Е) для процесса многократного упругого рассеяния Уms<sup>cap</sup> и без него У0<sup>сар</sup>.

- **Рис. 8.** а Поправочная функция  $G_{ms}(E)$ , учитывающая изменение энергии нейтрона вследствие многократного упругого рассеяния в образце для резонанса с энергией 4.9 эВ; **б** функция  $G_{ms}(E)$  для резонансов с энергией меньше 280 эВ.
- **Рис. 9.** а Измеренный  $C_{Au}^{exp}$  и расчетный  $C_{Au}^{th}$  спектры с учетом поправочной функции  $G_{ms}$  для резонанса с энергией 4.9 эВ; б то же самое без учета поправочной функции.
- Рис. 10. а Измеренное σ<sub>γ</sub><sup>exp</sup> и расчетное σ<sub>γ</sub><sup>th</sup> сечения взаимодействия нейтрона с ядром в реакции n,γ в диапазоне 100–200 эВ для образца Au (1.065 мм) в эксперименте ИНЕС; б
   то же самое для образца Au (0.122 мм) в эксперименте n\_TOF. Расчетное сечение радиационного захвата Au на основе данных ENDF/B-VIII.0 показано сплошной линией.



Рис. 1



Рис. 2.



Рис. 3.



Рис. 4.



Рис. 5



Рис. 6.





Рис. 7.



Рис. 8.



Рис. 9.





Рис. 10.